#### EFEITOS NÃO-CLÁSSICOS DO CAMPO LUMINOSO

SANTOS, Mairon M. dos<sup>1</sup>. BASEIA, Basílio<sup>2</sup>

Palavras chaves: correlação, anti-bunching

### 1 INTRODUÇÃO (justificativa e objetivos)

A quantização do campo eletromagnético realizada por Dirac em 1927 [1], era tida como uma formulação alternativa dispensável, ainda que sofisticada, para explicar os fenômenos luminosos conhecidos, uma vez que a teoria semi-clássica fornecia os mesmos resultados. Entretanto, a partir da formulação quântica da teoria da coerência óptica, desenvolvida por Glauber [2] em 1963, inspirada no laser, foi previsto o efeito de antiagrupamento de fótons, cuja explicação não poderia ser obtida classicamente. Verificado experimentalmente em 1977 [3], por Kimble *et al.*, esse novo efeito marcou o efetivo nascimento da Óptica Quântica, a qual passou a ter o status de teoria necessária Posteriormente.

O interesse pelos ENC advém de suas potenciais aplicações em avançados tópicos de pesquisa, tais como: teletransporte [?], computação quântica [?], comunicação quântica [?], etc.

Um método de engenharia de estados não clássicos é o proposto por Piza [?], em 1996, onde, dada uma Hamiltoniana dependente do tempo, podemos variar alguns parâmetros afim de obter determinados estados. É neste aspecto o enfoque principal deste trabalho.

Variar estes parâmetros significa verificar como o sistema se comporta mediante alterações de amplitude, tal como sua frequência. Pode-se também analizar como estas mudanças ocorrem para estados diferentes como  $|0\rangle$ ,  $|1\rangle$ ,  $|2\rangle$ , etc, afim de verificar os efeitos de agrupamento e antiagrupamento de fótons. Estas características são verificadas na análise da curva de  $g^2$ .

#### 2 METODOLOGIA

A função de correlação de segunda ordem,  $g^2$ , é obtida ultilizando-se o método desenvolvido por Piza e Tsai, que consiste em resolver equações diferenciais de primeira ordem acopladas. Este método permite a precisão desejada visto que o mesmo é tratado numericamente através do programa Maple.

### **3** RESULTADOS E DISCUSSÃO

Considerando a hamiltoniana quadrática, dependente do tempo, que descreve o sistema:

$$\hat{H} = \hbar \{ f_1 \hat{a}^{\dagger} \hat{a} + f_2 \hat{a}^{\dagger} \hat{a}^{\dagger} + f_2^* \hat{a} \hat{a} + f_3 \hat{a}^{\dagger} + f_3^* \hat{a} \}$$
(1)

Para  $f_1(t)$  real, o hamiltoniano é hermitiano.

Olhando pelo "Heisemberg pictury", os valores médios dos produtos de potências, dos operadores de criação e aniquilação, são fundamentais para a determinação de algumas propriedades, definindo:

$$A_{mn} \equiv Tr[(\hat{a}_H^{\dagger})^m (\hat{a}_H)^n \hat{\rho}] = A_{nm}^* \tag{2}$$

Onde  $\hat{\rho}$  é tomado como sendo o operador densidade, do estado a ser estudado.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Aluno de Iniciação Científica. Instituto de Física. mairon@fisica.grad.ufg.br

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Orientador. Instituto de Física- UFG. basilio@if.ufg.br

Da maneira como  $A_{mn}$  foi construido, a equação que descreve a sua evolução temporal é dada por:

$$\frac{dA_{mn}}{dt} = \frac{i}{\hbar} Tr\{[\hat{H}_H, (\hat{a}_H^{\dagger})^m (\hat{a}_H)^n]\hat{\rho}\}$$
(3)

 $\hat{H}_H(t)$  é o hamiltoniano (1) escrito em termos dos operadores  $\hat{a}_H^{\dagger}(t)$ ,  $\hat{a}_H(t)$ . Para se fazer estudo de propriedades como antiagrupamento de fótons, F-Fano e compressão é necessário o conhecimento dos seguintes sistemas de equações diferenciais:

$$\frac{dA_{01}}{dt} = -i[f_1A_{01} + 2f_2A_{10} + f_3] \tag{4}$$

$$\frac{dA_{02}}{dt} = -2i[f_1A_{02} + f_2(2A_{11} + 1) + f_3A_{01}]$$
(5)

$$\frac{dA_{11}}{dt} = i[2f_2^*A_{02} - 2f_2A_{20} + f_3^*A_{01} - f_3A_{10}] \tag{6}$$

$$\frac{dA_{03}}{dt} = -3i[f_1A_{03} + 2f_2(A_{01} + A_{12}) + f_3A_{02}] \tag{7}$$

$$\frac{dA_{04}}{dt} = -4i[f_1A_{04} + f_2(3A_{02} + 2A_{13}) + f_3(t)A_{03}] \tag{8}$$

$$\frac{dA_{12}}{dt} = -i[f_1A_{12} + 2f_2(A_{10} + 2A_{21}) - 2f_2^*A_{03} + 2f_3A_{11} - f_3^*A_{02}]$$
(9)

$$\frac{dA_{13}}{dt} = -i[2f_1A_{13} + 6f_2(A_{11} + A_{22}) - 2f_2^*A_{04} + 3f_3A_{12} - f_3^*A_{03}]$$
(10)

$$\frac{dA_{22}}{dt} = 2i[f_2^*(A_{02} + 2A_{13}) - f_2(A_{20} + 2A_{31}) + f_3^*A_{12} - f_3A_{21}]$$
(11)

Para se obter a solução completa destas equações é necessário ter o conhecimento das condições iniciais apartir do qual o sistema descrito pelo hamiltoniano evolui. As condições iniciais são dadas pela equação 12, onde  $|p\rangle$  é o estado de Fock para o qual os termos  $A_{mn}(0)$  são calculados.

$$A_{mn}(0) = \langle p | (\hat{a}^{\dagger})^m (\hat{a})^n | p \rangle \tag{12}$$

Variando-se os parâmetros para os estados iniciais  $|1\rangle \in |2\rangle$ , observa-se que para baixas amplitudes e frequências o efeito *anti-bunching* é bem acentuado como se pode verificar em 1.

Já para frequências e amplitudes um pouco mais altas observa-se que  $g^2$  tente rapidamente a certos valores como na figura. Lógico dentros destes extremos há uma variedade de valores.

## 4 CONCLUSÃO

Foi obtida a função de correlação de segunda ordem com resultados que obedecem bem os resultados obtidos na literatura, o que pode ser verificado nos gráficos do item anterior. Verificou-se que encontrar características do efeito *unti-bunching* é necessario variar insistentemente tais parâmetros visto que mesmos são difíceis de serem encontrados. Isto en verificado nos gráficos que seguiram na seção anterior. Observou-se que quando o *anti-bunching* é observado a forma de  $g^2$  é bem fragmentada e ocorre geralmene para amplitudes e frequências pequenas.



Figure 1: Dispersão de  $g^2$ 

# **5 REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS**

### References

- [1] P.A.M. Dirac, Proc. Roy. Soc. Lond. A **114** (1927) 243.
- [2] R.J.Glauber, Phys. Rev. Lett. 10 (1963) 84; Phys. Rev. 131 (1963) 2766.
- [3] H.J.Kimble, M. Dagenais, L. Mandel, Phys. Rev. Lett. **39** (1977) 691.